

ВОССТАНОВЛЕНИЕ ОГРАНИЧЕННЫХ РЕШЕНИЙ ЛИНЕЙНЫХ РАЗНОСТНЫХ УРАВНЕНИЙ

Атамась Евгений Иванович

м. н. с.

Факультет ВМК МГУ имени М. В. Ломоносова, Москва, Россия

E-mail: eatamas@cs.msu.ru

При решении различных задач математической теории управления, в частности при обращении динамических систем с запаздыванием [1], возникает потребность в определении решений линейного разностного уравнения с непрерывным временем вида

$$\sum_{k=0}^n a_k y(t - k\tau) = \xi(t), \quad t \geq 0, \quad (1)$$

где $\tau > 0$, a_k — постоянные, $a_0 \neq 0$, $\xi(t)$ — известный сигнал. Начальные данные полагаются неизвестными. Сходная задача для обыкновенных дифференциальных уравнений рассматривалась в работе [2].

Нами будет рассмотрена следующая модификация поставленной задачи: получить асимптотическую оценку ограниченного решения уравнения (1). Имеет место следующая

Теорема 1. Пусть функция $\xi(t)$ непрерывна и удовлетворяет условию $|\xi(t)| \leq \xi_0$, а характеристический многочлен уравнения (1) не имеет корней на единичной окружности. Тогда у уравнения (1) существует асимптотически единственное ограниченное решение.

При этом однозначно определить данное решение, как правило, невозможно без привлечения дополнительной информации о системе. Нами будут предложены подходы к поиску ограниченного решения, основанные на различных предположениях о свойствах функции $\xi(t)$.

Литература

1. Атамась Е. И., Ильин А. В., Фомичев В. В. Обращение векторных систем с запаздыванием // Дифференциальные уравнения. 2013. Т. 49, № 11. С. 1363–1369.
2. Ильин А. В., Атамась Е. И., Фомичев В. В. О задаче поиска ограниченного решения неустойчивого дифференциального уравнения // Дифференциальные уравнения. 2017. Т. 53, № 1. С. 111–116.